

Äärellisen automaatin esitys *tilatauluna*: automaatin uusi tila vanhan tilan ja syötemerkkin funktiona.

Esim. reaalilukuautomaatin tilataulu:

	<i>digit</i>	.	<i>exp</i>	+	-
\rightarrow	q_0	q_1	q_7		
	q_1	q_1	q_2	q_4	
\leftarrow	q_2	q_3	q_3	q_4	
\leftarrow	q_3	q_3	q_4	q_4	
\leftarrow	q_4	q_6	q_6	q_5	
	q_5	q_6	q_6		
\leftarrow	q_6	q_6	q_5		
	q_7		q_3		

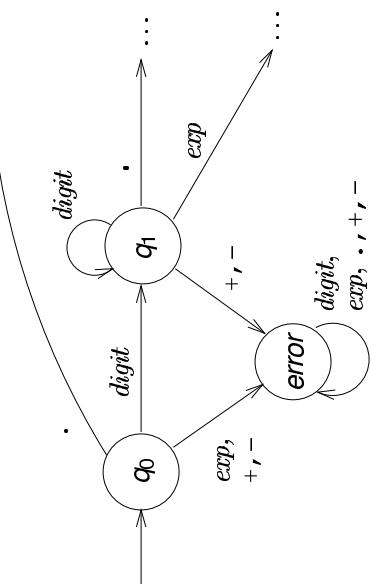
K: Mitä tilataulun tyhjät paikat tarkoittavat?

V: Tilataulun tyhjät paikat, tai vastaavasti tilakaavion "puuttuvat" kaaret, kuvaaavat automaatin virheitilanteita. Jos automaatti ohjautuu tällaiseen paikkaan, syötejono ei kuulu automaatin hyväksymään joukkoon.

Muodollisesti automaatissa ajatellaan olevan erityinen virheetila, jota ei vain selkeyden vuoksi merkitä näkyviin.

	<i>digit</i>	.	<i>exp</i>	+	-
\rightarrow	q_0	q_1	q_1	q_7	<i>error</i>
	q_1	q_1	q_2	q_4	<i>error</i>
\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots	\vdots
\leftarrow	q_6	<i>error</i>	q_6	<i>error</i>	<i>error</i>

ja reaalilukuautomaatin täydellinen tauluesitys olisi:



Esim. reaalilukuautomaatin täydellinen kaavoesitys olisi:

```

#include <stdio.h>
#include <cctype.h>
)
{
    q, c;
    = 0;
    while ((c = getchar()) != '\n')
        switch (q) {
            case 0:
                if (isdigit(c)) q = 1;
                else if (c == '.') q = 7;
                else q = 99;
                break;
            case 1:
                if (isdigit(c)) q = 1;
                else if (c == ',') q = 2;
                else if (c == 'E' || c == 'e')
                    q = 99;
                break;
        }
}

```

2.2 Äärellisiin automatteihin perustuva ohjelointi

Annetun äärellisen automaatin pohjalta on helppo laittaa automaatin toimintaa vastaava ohjelma. Esim. treaalilukua automaatin perustuvan syötejonon syntaksitesit

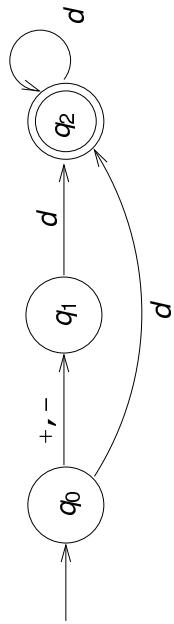
Pekka Orponen syksy 2004

Pekka Orponen syksy 2004

Pekka Orponen syksy 2004

Semantisten toimintojen liittäminen äärellisiin automaatteihin

Esimerkki. Kahdeksanjärjestelmän lukuja tunnistava automaatti ja siihen perustuva syöteluvun arvonmääritys ("muuttamisen kymmenjärjestelmään").



Lyhennysmerkintä $d = \{0, 1, \dots, 7\}$.

Bukti Undangan Suksesi 2011

Balkan Ottoman Survey 2001

Pelkän syntaksitestin toteutus:

```

#include <stdio.h>
#include <cctype.h>

main()
{
    int q, c;
    q = 0;
    while ((c = getchar()) != '\n') {
        switch (q) {
            case 0:
                if (c == '+') || c == '-') q = 1;
                else if ('0' <= c && c <= '7') q = 2;
                else q = 99;
                break;
            case 2:
                if ('0' <= c && c <= '7') q = 2;
                else q = 99;
                break;
            case 99:
                break;
        }
    }
    if (q == 2)
        printf("SYÖTE OK.\n");
    else
        printf("VIRHEELLINEN LUKU.\n");
}

```

Pekka Omannen syksy 2004

卷之三

Erikka Ormonen syksy 2004

卷之三

卷之三

卷之三

Täydennys syöteluvun arvon laskevilla operaatioilla ("luvun muuttaminen kummenväriestelmään").

```

#include <stdio.h>
int main(void) {
    int q, c; /* SEM: sgn = etumerkki */
    int sgn, val; /* SEM: val = itseisarvo */
    sgn = 1; val = 0;
    q = 0;
    if (c == '-') { /* SEM */
        sgn = -1;
        q = 1;
    }
    else if ('0' <= c && c <= '7') {
        val = c - '0';
        q = 2;
    }
    else q = 99;
    break;
}

```

Delhi Chamber of Commerce

卷之三

Chilean Government - 2000-1

```

case 1:
    if ('0' <= c && c <= '7') {
        val = c - '0';
        q = 2;
    }
    else q = 99;
    break;
case 2:
    if ('0' <= c && c <= '7') {
        val = 8 * val + (c - '0');
        q = 2;
    }
    else q = 99;
    break;
case 99:
    break;
}

```

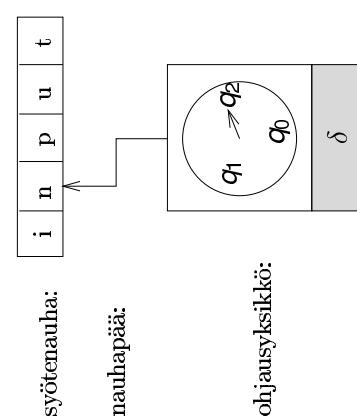
```

    /* SEM */
}
if (q == 2)
{
    printf("LUVUN ARVO ON %d.\n", sgn*val); /*SEM*/
    exit(0);
}
else
{
    printf("VIRHEELLINEN SYÖTE.\n"); /* SEM */
    exit(1);
}

```

2.3 Äärellisen automaatin käsitteen formalisointi

Mekanistinen malli:



Automaatin "toiminta":

Automaatti käynnistetään erityisessä *alkutilassa* q_0 , siten että tarkasteltava syöte on kirjoitettuna syötenauhalle ja nauhapää osoittaa sen ensimmäistä merkiä.

Yhdessä toiminta-askelessa automaatti lukee nauhapäään kohdalla olevan syötemerkin, päätää ohjausyksikön tilan ja luetun merkin perusteella siirtymäfunktion mukaisesti ohjausyksikön uudesta tilasta, ja siirtää nauhapäästä yhden merkin eteenpäin.

Automaatti pysähtyy, kun viimeinen syötemerkki on käsitelty. Jos ohjausyksikön tila tällöin kuluu erityiseen (*hyväksyien*) *loputiloi*en joukkoon, automaatti *hyväksyy* syötteen, muuten hyväksää sen.

Automaatin tunnistama *kieli* on sen hyväksymien merkkijonojen joukko.

Täsmällinen mintoj...
1

ÄÄRELLINEN AIITOMAASTI ON VIISIKKO

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F),$$

missä

- ▶ Q on automaatin *tilojen* äärellinen joukko;
 - ▶ Σ on automaatin *syrteäkkosto*;
 - ▶ $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$ on automaatin *siirtymäfunktio*;
 - ▶ $q_0 \in Q$ on automaatin *alkutila*;
 - ▶ $F \subseteq Q$ on automaatin (*hyväksyvien*) lopputilojen joukko.

Esimerkit Reaaliliikaimmuuatin formaalij esitys:

$$M = (\{q_0, \dots, q_7, \text{error}\},$$

$$\delta, q_0, \{q_2, q_3, q_6\}),$$

missä δ on kuiten aijemmin taittoessa: esim-

- $\delta(q_0, 0) = \delta(q_0, 1) = \dots = \delta(q_0, 9) = q_1$,
 $\delta(q_0, \cdot) = q_7$, $\delta(q_0, E) = \delta(q_0, e) = error$,
 $\delta(q_1, \cdot) = q_2$, $\delta(q_1, E) = \delta(q_1, e) = q_4$,

Esimerkei Reaaliliikeliitomaaatin formaali esitys:

$$M = (\{q_0, \dots, q_7, \text{error}\},$$

$$\delta, q_0, \{q_2, q_3, q_6\}),$$

missä on kiltien aiemmin tullut kossa: esim-

- $\delta(q_0, 0) = \delta(q_0, 1) = \dots = \delta(q_0, 9) = q_1$,
 $\delta(q_0, \cdot) = q_7$, $\delta(q_0, E) = \delta(q_0, e) = error$,
 $\delta(q_1, \cdot) = q_2$, $\delta(q_1, E) = \delta(q_1, e) = q_4$,

Tilanne (q, w) johtaa tilanteeseen (q', w') t. tilanne (q', w') on tilanteen (q, w) seuraaja, merkitään

$$(q, w) \vdash_M^* (q', w'),$$

jos on olemassa välitilannejono $(q_0, w_0), (q_1, w_1), \dots, (q_n, w_n)$, $n \geq 0$, siten että

$$(q, w) = (q_0, w_0) \vdash_M (q_1, w_1) \vdash_M \dots \vdash_M (q_n, w_n) = (q', w')$$

Erikoistapauksena $n = 0$ saadaan $(q, w) \vdash_M^* (q, w)$ millä tahansa tilanteella (q, w) .

Jälleen, jos automaatti M on yhteydestä selvä, merkitään yksinkertaisesti

$$(q, w) \vdash^* (q', w').$$

Automaatti M hyväksyy merkkijonon $x \in \Sigma^*$, jos on voimassa

$$(q_0, x) \vdash_M^* (q_f, \varepsilon) \quad \text{jollakin } q_f \in F;$$

muutten M hyväksää $x:\eta$.

Toisin sanoen: automaatti hyväksyy $x:\eta$, jos sen alkutilanne syötteellä x johtaa, syötteen loppuessa, johonkin hyväksyvään lopputilanteeseen.

Automaatin M tunnistama kiel/ määritellään:

$$L(M) = \{x \in \Sigma^* \mid (q_0, x) \vdash_M^* (q_f, \varepsilon) \quad \text{jollakin } q_f \in F\}.$$

Esimerkki: merkkijonon “0 . 25E2” käsitteily reaalilukuautomatilla:

$$\begin{array}{lcl} (q_0, 0.25E2) & \vdash & (q_1, .25E2) \vdash (q_2, 25E2) \\ & \vdash & (q_3, 5E2) \vdash (q_3, E2) \\ & \vdash & (q_4, 2) \vdash (q_6, \varepsilon). \end{array}$$

Koska $q_6 \in F = \{q_2, q_3, q_6\}$, on siis $0.25E2 \in L(M)$.